



Computación neutrosófica mediante Sympy

Neutrosophic Computing with Sympy

Maikel Leyva-Vázquez¹, Florentin Smarandache¹,

¹ Universidad de Guayaquil, Facultad de Ciencias Matemáticas y Físicas, Guayaquil Ecuador. Email: mleyvaz@gmail.com

²Mathematics & Science Department, University of New Mexico. 705 Gurley Ave., Gallup, NM 87301, USA. e-mail: fsmarandache@gmail.com

Abstract:

In this article the concept of neutrosophic number is presented. Jupyter through Google Colaboratory is introduced for calculations. The Sympy library is used to perform the process of neutrosophic computation. Systems of linear neutrosófica equations are solved by means of the symbolic computation in python. A case study was developed for the determination of vehicular traffic with indeterminacy. As future works are the development of new applications in different areas of engineering and science

Keywords: neutrosophic computing, sympy, google colaboratory, neutrosophic number.

1. Introducción

Neutrosofía significa conocimiento del pensamiento neutro, y este tercer / neutral representa la distinción principal, es decir, la parte neutra / indeterminada / desconocida (además de la "verdad" / "pertenencia" y "falsedad" Componentes de "no pertenencia" que aparecen en la lógica borrosa / conjunto). La lógica neutrosófica (LN) es una generalización de la lógica difusa de Zadeh (LD), y especialmente de la lógica difusa intuitiva (LDI) de Atanassov, y de otras lógicas multivaluadas (Figura 1) [1].

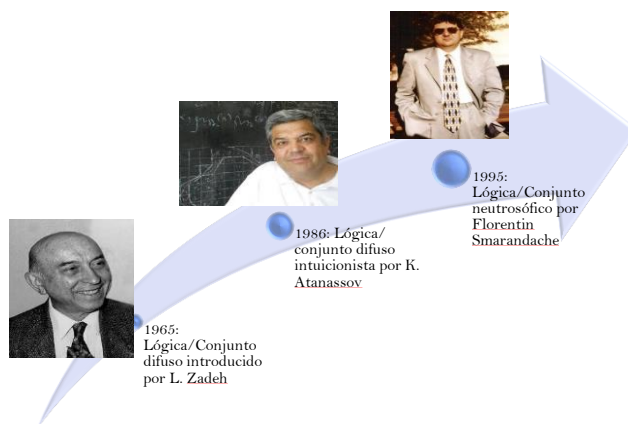


Figura 1. Neutrosofía y sus antecedentes fundamentales [1].

Sea U ser un universo de discurso, y M un conjunto incluido en U . Un elemento x de U se anota con respecto al conjunto M como $x (T, I, F)$ y pertenece a M de la siguiente manera: es $t\%$ verdadero en el conjunto, $i\%$ indeterminado (desconocido s) en el conjunto, y $f\%$ falso, donde t varía en T , i varía en I y f varía en F . Estáticamente T, I, F son subconjuntos, pero dinámicamente T, I, F son funciones / operadores que dependen de muchos parámetros conocidos o desconocidos [2, 3].

Los conjuntos neutrosóficos generalizan el conjunto difuso (especialmente el conjunto difuso e intuicionista), el con-

junto paraconsistente, el conjunto intuitivo y otros. Permite manejar un mayor número de situaciones que se dan en la realidad [4].

2. Preliminares

Un número neutrosófico es un número de la siguiente forma [5]:

$$N = d + i \quad (1)$$

Donde d es la parte determinada e i es la parte indeterminada [6]. Por ejemplo: $a=5 + i$ si $i \in [5, 5.4]$ el número es equivalente a $a \in [5, 5.4]$.

Una matriz neutrosófica, por su parte, es una matriz donde los elementos $a = (a_{ij})$ han sido reemplazados por elementos en $\langle R \cup I \rangle$, donde $\langle R \cup I \rangle$ es un anillo neutrosófico entero [7].

Un grafo neutrosófico, es un grafo en el cual al menos un arco es un arco neutrosófico [8]. La matriz de adyacencia neutrosófica. Los arcos significan: 0 = no hay conexión entre nodos, 1 = conexión entre nudos, I = conexión indeterminada (desconocida si es o si no). Tales nociones no se utilizan en la teoría difusa, un ejemplo de muestra a continuación:

$$\begin{matrix} 0 & 0 & I \\ I & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{matrix}$$

En el transcurso de presente libro se abordará implementaciones prácticas de la propuesta. Google Colaboratory es una aplicación web que permite crear y compartir documentos que contienen código, fuente, ecuaciones, visualizaciones y texto explicativo tal como se muestra.

The screenshot shows the Google Colaboratory web interface. At the top, there's a header with the Google Colaboratory logo and the title 'Estadísticas neutrosóficas.ipynb'. Below the header, there are tabs for 'CÓDIGO' and 'TEXTO', and a 'CELDA' (cell) editor. The main area displays a Jupyter Notebook cell with the following Python code:

```
[ ] from sympy import var
[ ] i = var('i')
i+2
i + 2
```

Below the code, there are two sections with expandable headers:

- Multiplicación por un escalar**: Shows the calculation $2*(2+i)$ resulting in $2*i+4+2*i$, which simplifies to $3*i + 6$.
- De-neutrosificación con mpmath**: Shows the calculation $mpi('23.0', '63.0')$ resulting in $mpi('23.0', '63.0')$. Below this, there's another code block:


```
[ ] mp.dps = 15 #Estable ce la precisión
i=mpi(10, 30)
3 + 2*i
[ ] mp.dps = 15 #Estable ce la precisión
i=mpi(2, 3)
2*i + 4
```

At the bottom of the cell, there's a note: 'Realice la de-neutrosificación del número 3+2*i'.

Figura 2. Google Colaboratory

Jupyter permite interactuar con varios lenguajes de programación, en este caso se utiliza Python, un lenguaje de programación bastante sencillo y poderoso, con acceso a una gran variedad de librerías útiles.

3. Computación neutrosófica y Sympy

Para el trabajo computacional con números neutrosóficos en el lenguaje python se puede emplear SymPy. SymPy es una biblioteca escrita en lenguaje Python con el propósito de reunir todas las características de un sistema de álgebra computacional, ser fácilmente extensible y mantener el código de la forma más simple posible [9].

Es por ello que se requiere un procesos de-neutrosificación [10]. $I \in [0,1]$ es reemplazado por sus valores máximos y mínimos. Para la de-neutrosificación es necesario el trabajo con aritmética intervalar.

En este caso trabajamos con la librería `mpmath` y con el tipo `mpi` [11]. El tipo `mpi` maneja los intervalos un par de valores `mpf`. La aritmética en intervalos utiliza un redondeo conservador de modo que, si un intervalo se interpreta como un intervalo de incertidumbre numérica para un número fijo, cualquier secuencia de operaciones de intervalo producirá un intervalo que contenga el resultado de aplicar la misma secuencia de operaciones al número exacto.

```

[ ] from sympy import var
[ ] i = var('i')
[ ] i+2
1 + 2

[ ] 2*(2+i)
2*i + 4

[ ] from mpmath import *
mp.dps = 15 #Establece la precisión
i=mpi(10, 30)
3 = 2*i
mpi('23.0', '63.0')

[ ] mp.dps = 15 #Establece la precisión
i=mpi(2, 3)
2*i + 4
mpi('8.0', '10.0')

```

Figura 3. Trabajo con números neutrosóficos

En este caso se pueden resolver sistemas de ecuaciones lineales neutrosóficas[12].

Por ejemplo el sistema de ecuaciones:

$$x + 4y = 2 + i \quad (2)$$

$$-2x + y = 14 + i \quad (3)$$

Este caso es resuelto de la siguiente forma

Introduciendo indeterminación

Resolver el siguiente sistema de ecuaciones lineales.

- $x + 4y = 2 + i$
- $-2x + y = 14 + i$

```
[ ]
```

```
[ ]
from sympy import Matrix, solve_linear_system
from sympy.abc import x, y
i = var('i')
system = Matrix(( (1, 4, 2+i), (-2, 1, 14+i)))
solve_linear_system(system, x, y)
```

```
{x: -1/3 - 6, y: i/3 + 2}
```

Figura 4. Indeterminación en sistemas de ecuaciones lineales

Un sistema de ecuaciones lineales podemos determinar el flujo del tráfico en distintas intercepciones..

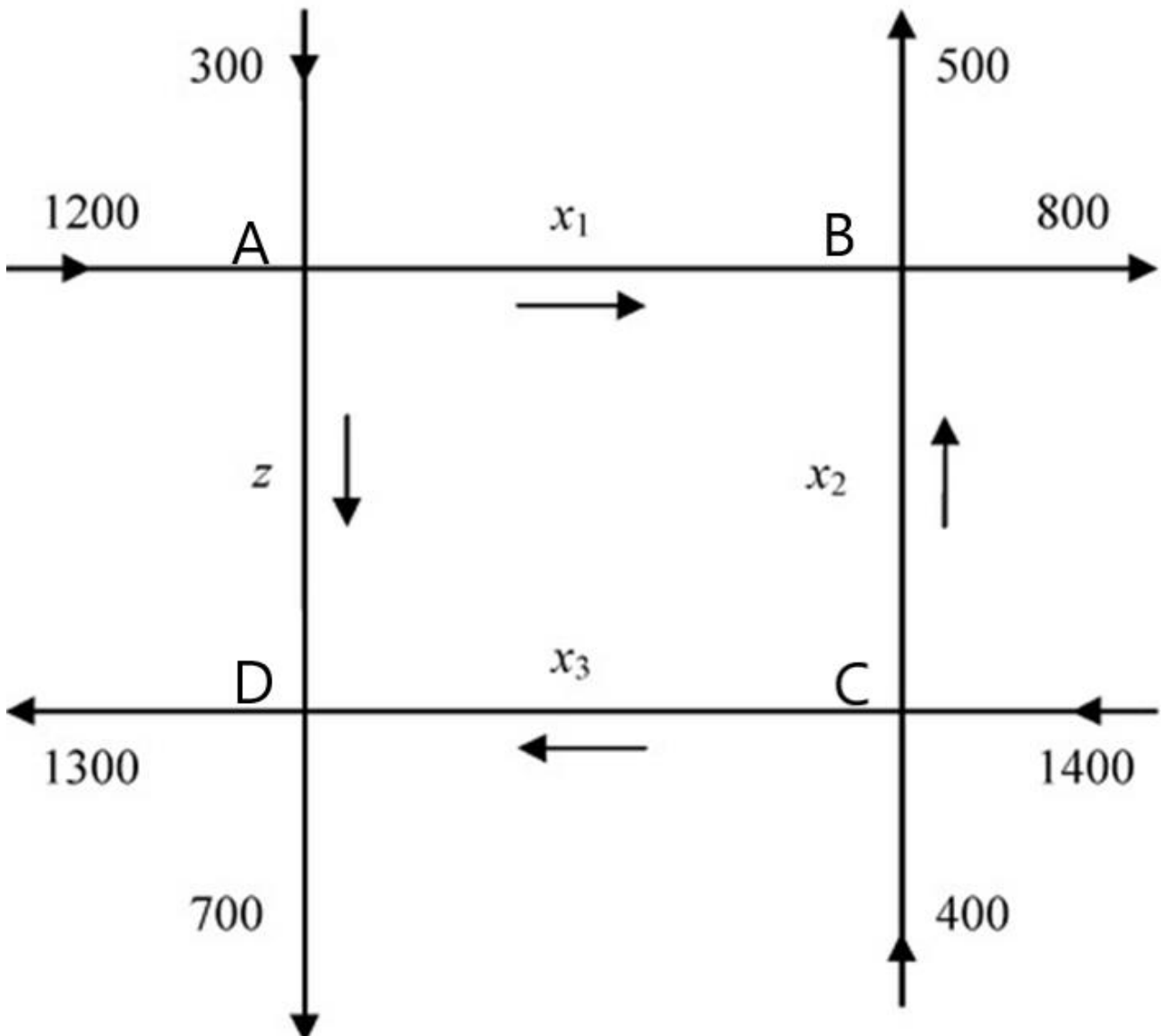


Figura 3. Flujo vehicular [12].

En cada intersección el flujo de salida debe ser igual al flujo de entrada.

Intercepción A: $1500 = x_1 + z$

Intercepción B: $1300 = x_1 + x_2$

Intercepción C: $1800 = x_2 + x_3$

Intercepción D: $2000 = x_3 + z$

Si $z=400$

Entonces el sistema de ecuaciones queda de la siguiente forma

$$\begin{aligned} x_1 &= 1100 \\ x_1 + x_2 &= 1300 \\ x_2 + 2x_3 &= 3400 \end{aligned}$$

La solución para este sistema es la siguiente:

$$\begin{aligned} x_1 &= 1100 \\ x_2 &= 200 \end{aligned}$$

$$x_3 = 300$$

The screenshot shows a Jupyter Notebook titled "Intro to neutrosophic stats and linear equations.ipynb". The code cell contains the following Python code:

```
[ ] from sympy import Matrix, solve_linear_system
from sympy.abc import x, y, z

system = Matrix(( (1,0,0, 1100-i), (1, 1, 0, 1300), (0, 1, 2,3400-i)))
solve_linear_system(system, x, y, z)
```

The output cell shows the solution: $\{x: -i + 1100, y: i + 200, z: -i + 1600\}$.

Figura 4. Solucion del del flujo vehicular con indeterminación.

En el caso de $Z=400+I$.

Entonces el sistema de ecuaciones queda de la siguiente forma

$$\begin{aligned}x_1 &= 1100 - I \\x_1 + x_2 &= 1300 \\x_1 + 2x_3 &= 3400 - I\end{aligned}$$

La solución para este sistema es la siguiente:

$$\begin{aligned}x_1 &= 1100-i \\x_2 &= 200+i \\x_3 &= 1600 + i\end{aligned}$$

4. Conclusiones

En este artículo se presentó el concepto de número neutrosófico. Se introduce la herramienta jupyter mediante google colaboratory . Se emplea la librería Sympy para realizar el proceso de computación neutrosófica.

Se resuelven sistemas de ecuaciones lineales neutrosóficas mediante la computación simbólica en python. Se desarrolló un estudio de caso para la determinación del tráfico vehicular con indeterminación. Como trabajos futuros se encuentran el desarrollo de nuevas aplicaciones en distintas áreas de la ingeniería y la ciencia . Otras áreas de trabajos futuros se encuentran en el desarrollo de nuevas herramientas para la computación neutrosófica.

Referencias

1. Leyva-Vázquez, M. and F. Smarandache, *Inteligencia Artificial: retos, perspectivas y papel de la Neutrosofía*. Dilemas Contemporáneos: Educación, Política y Valores, 2018.
2. Leyva-Vázquez, M., N.B. Hernandez, and F. Smarandache, *Métodos multicriterios para determinación de la efectividad de la gestión pública y el análisis de la transparencia*. 2018: Pons Publishing House.

3. Jara, R.E., M.L. Vázquez, and C.E.R. Martínez, *Facebook como Herramienta para Promover la Socialización en Cursos Tradicionales de Inteligencia Artificial. Cálculo del engagement empleando números neutrosóficos triangulares* neutrosophic Computing and Machine Learning, 2018.
4. Hernandez, N.B. and J.E. Ricardo, *Gestión Empresarial y Posmodernidad*. 2018: Infinite Study.
5. Smarandache, F., *Introduction to neutrosophic statistics*. 2014: Infinite Study.
6. Batista, N., et al., *Validation of the pedagogical strategy for the formation of the competence entrepreneurship in high education through the use of neutrosophic logic and ladov technique*. Neutrosophic Sets and Systems, 2018. **23**: p. 45.
7. Kandasamy, W.V. and F. Smarandache, *Fuzzy Neutrosophic Models for Social Scientists*. 2013: Education Publisher Inc.
8. Kandasamy, W.B.V. and F. Smarandache, *Fuzzy cognitive maps and neutrosophic cognitive maps*. 2003: American Research Press.
9. Meurer, A., et al., *SymPy: symbolic computing in Python*. PeerJ Computer Science, 2017. **3**: p. e103.
10. Salmerona, J.L. and F. Smarandache, *Redesigning Decision Matrix Method with an indeterminacy-based inference process*. Multispace and Multistructure. Neutrosophic Transdisciplinarity (100 Collected Papers of Sciences), 2010. **4**: p. 151.
11. Johansson, F., *mpmath: a Python library for arbitrary-precision floating-point arithmetic (version 0.18), December 2013*. 2013.
12. Ye, J., *Neutrosophic Linear Equations and Application in Traffic Flow Problems*. Algorithms, 2017. **10**(4): p. 133.